

NOMBRES RELATIFS

I) INTRODUCTION

1) Des nombres déjà rencontrés

Définition :

Les nombres relatifs sont des nombres composés d'une **partie numérique** et d'un **signe**.

Ex : $+2$; $-3,1$

On rencontre de tels nombres dans de nombreuses situations :

- Étages dans un ascenseur (relatifs au choix)
- Dates (relatives à)
- Températures (relatives à)
- Altitudes (relatives au)

Remarques :

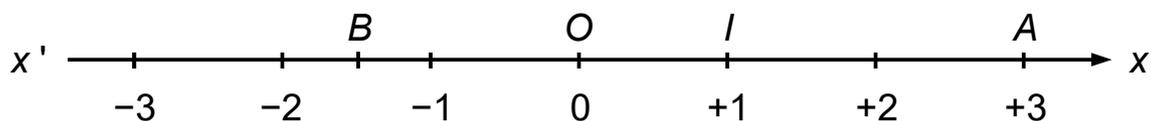
- 0 est le seul nombre relatif à la fois positif et négatif.
- On peut omettre le signe + devant un nombre relatif positif

2) « Visualiser » les nombres relatifs sur une droite graduée

Définition :

Pour graduer une droite, on choisit sur cette droite deux points O et I auxquels on associe les nombres 0 et +1.

La position d'un point de la droite est alors **repérée** par un nombre relatif appelé **abscisse** de ce point.



L'abscisse de A se note x_A : $x_A =$

de même : $x_B =$

$x_O =$

$x_I =$

Remarque :

La distance entre un point de la droite et le point O est la partie numérique (toujours positive) de l'abscisse de ce point.

On appellera donc « **distance à zéro** » d'un nombre relatif la partie numérique de ce nombre.

oral p84: 14, 15, 16, 17

p90: 73, 83

3) Comparaison de nombres relatifs

Pour comparer des nombres relatifs, on peut s'aider d'une droite graduée.

Propriété :

Si deux nombres sont négatifs, le plus grand est celui dont la partie numérique est la plus .

Ex :

-3	-1	1,211	1,209
1	-2	-2,75	-2,76
-1	0	-0,0201	-0,02005

oral p84: 13, 18

p84: 19, 21, 22, 23

p85: 25, 30

II) ADDITION DE NOMBRES RELATIFS

1) Les parenthèses

Soit A la somme de $+3$ et -1

On ne peut pas écrire :

$$A = +3 + - 1 = +2$$

On ajoute donc des parenthèses :

$$A =$$

2) Le signe « + »

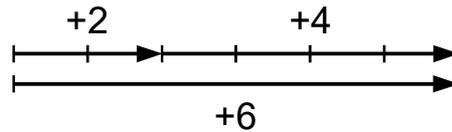
Lors d'une addition de nombres relatifs, on utilise le « + » dans deux sens différents :

$$\begin{array}{ccc} & (+3) & + & (-1) \\ & \nearrow & & \nwarrow \\ \text{signe} & & & \text{opération} \end{array}$$

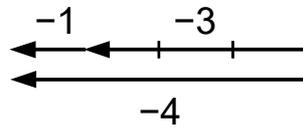
3) Nombres de même signe

Ex :

$$(+2) + (+4) =$$



$$(-3) + (-1) =$$



Méthode :

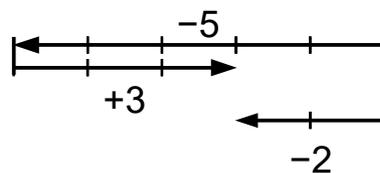
Pour ajouter deux nombres relatifs de même signe :

- On garde leur signe
- On ajoute leurs parties numériques

4) Nombres de signes contraires

Ex :

$$(-5) + (+3) =$$



Méthode :

Pour ajouter deux nombres relatifs de signes contraires :

- On garde le signe de celui qui a la plus grande partie numérique
- On soustraie leurs parties numériques

III) SOUSTRACTION DE NOMBRES RELATIFS

1) Opposé d'un nombre

Définition :

L'opposé d'un nombre relatif est le nombre de signe contraire qui a la même partie numérique.

Ex :

L'opposé de -3 est

2) Soustraction

Méthode :

Soustraire un nombre relatif, c'est ajouter son opposé.

Ex :

$$(+2) - (+5) =$$

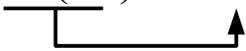
$$(-3) - (-2) =$$

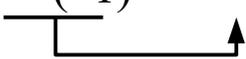
p86: 36, 37
p89: 67
p92: 90, 91

IV) SUITES D'ADDITIONS ET DE SOUSTRATIONS

1) Enlever des parenthèses

Ex :

$$(+5) + (+1) =$$


$$(+5) + (-1) =$$


$$(+5) - (+1) =$$


$$(+5) - (-1) =$$


On remarque donc que :

+ suivi de + donne +

+ suivi de - donne -

- suivi de + donne -

- suivi de - donne +

Grâce à cette remarque, on peut enlever beaucoup de parenthèses !

Ex : $(-3) + (-2) - (-6) + (+1) =$

2) Ordre des termes

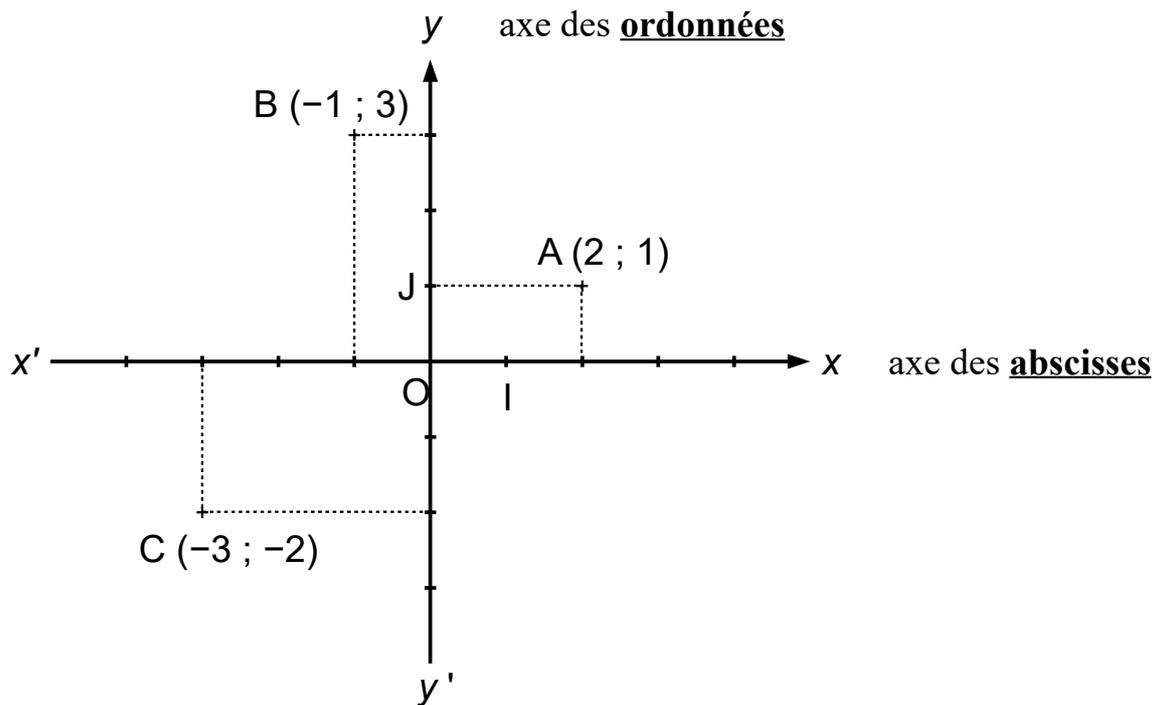
En transformant les soustractions en additions avec l'opposé, on peut changer l'ordre des termes astucieusement.

Ex :

$$A = 4 - 8 + 9 - 3 + 8 + 1 - 11 + 6$$

p86: 38, 39
p87: 43, 44, 45, 46
p90: 77, 79, 80

V) REPÈRE DANS UN PLAN



Dans le plan muni d'un repère ($O ; I ; J$), un point a deux coordonnées : son abscisse et son ordonnée.

p85: 26, 27, 28

p89: 62

p91: 86, 87

p93: 97q1-2

pb concret

p93: 96q1-3

scratch

p95: 4