

# FONCTIONS 2 – PROPRIÉTÉS

## I) SIGNE D'UNE FONCTION

Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle  $I$

- Si, pour tout  $x$  de  $I$ ,  $f(x) \geq 0$ , alors on dit que  $f$  est positive sur  $I$ .

**Interprétation graphique :**  $C_f$  est alors située

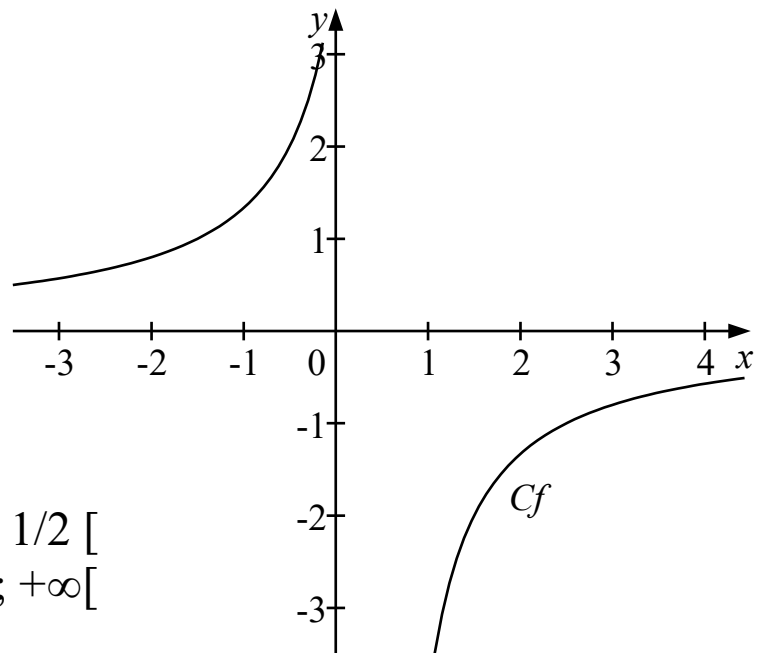
- Si, pour tout  $x$  de  $I$ ,  $f(x) \leq 0$ , alors on dit que  $f$  est négative sur  $I$ .

**Interprétation graphique :**  $C_f$  est alors située

**Ex :** Étudier le signe de  $f$  définie sur  $\mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{2} \right\}$  par  $x \mapsto \frac{-4}{2x-1}$

Tableau de signe :

$x$	$-\infty$	$1/2$	$+\infty$
		0	



$f$  est strictement

sur  $] -\infty ; 1/2 [$

$f$  est strictement

sur  $] 1/2 ; +\infty [$

## II) EXTREMUM D'UNE FONCTION

Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle  $I$  et  $a$  un nombre de  $I$ .

- Si, pour tout  $x$  de  $I$ , on a  $f(x) \geq f(a)$  alors on dit que  $f$  admet un minimum de  $f(a)$  en  $a$  sur  $I$ .

**Interprétation graphique :** Le point  $(a, f(a))$  de  $C_f$  est le point de coordonnées

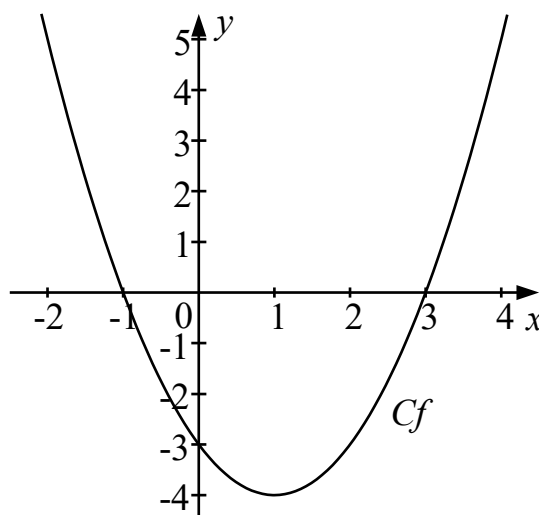
- Si, pour tout  $x$  de  $I$ , on a  $f(x) \leq f(a)$  alors on dit que  $f$  admet un maximum de  $f(a)$  en  $a$  sur  $I$ .

**Interprétation graphique :** Le point  $(a, f(a))$  de  $C_f$  est le point de coordonnées

**Ex :** La fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $x \mapsto x^2 - 2x - 3$  a-t-elle un extremum ?

Pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}$ ,  
déterminons le signe de  $f(x) - f(1)$  :

$$f(x) - f(1) =$$



p289: 46, 47, 48

algo

p297 : TP

### III) VARIATIONS D'UNE FONCTION

Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle  $[a ; b]$ .

- Si, pour tous  $x_1, x_2$  tels que  $a \leq x_1 < x_2 \leq b$ , on a  $f(x_1) < f(x_2)$  alors on dit que  $f$  est strictement croissante sur  $[a ; b]$ .

**Interprétation graphique :**  $x_1, x_2$  et leurs images  $f(x_1), f(x_2)$  sont toujours dans le même ordre donc  $C_f$  « monte ».

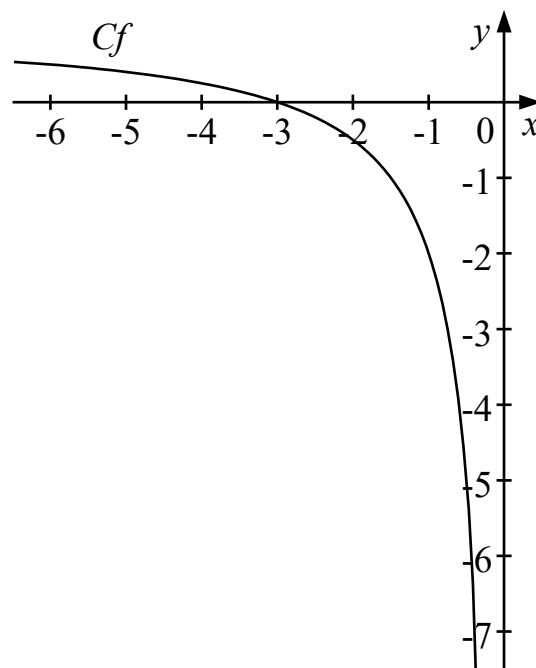
- Si, pour tous  $x_1, x_2$  tels que  $a \leq x_1 < x_2 \leq b$ , on a  $f(x_1) > f(x_2)$  alors on dit que  $f$  est strictement décroissante sur  $[a ; b]$ .

**Interprétation graphique :**  $x_1, x_2$  et leurs images  $f(x_1), f(x_2)$  sont toujours dans

**Ex :** Étudier les variations de  $f$  définie sur  $\mathbb{R}^{*-}$  par  $x \mapsto \frac{3}{x} + 1$

Pour tous  $x_1, x_2$  tels que  $x_1 < x_2 < 0$   
déterminons le signe de  $f(x_1) - f(x_2)$  :

$$f(x_1) - f(x_2) =$$



**Tableau de variations :**

$x$	$-\infty$	$0$
$f(x)$		

oral :

p288: 37

p290: 57, 58, 59, 62

p290: 60, 63, 64

p291: 68

p292: 76