

SYSTÈMES DE DEUX ÉQUATIONS LINÉAIRES À DEUX INCONNUES

I) INTRODUCTION

En mathématiques, on est régulièrement amené à manipuler plusieurs inconnues simultanément.

Exemple : Un cirque a des chameaux et des dromadaires. On compte 5 têtes et 8 bosses. Combien y a-t-il de chameaux ?

Rédaction :

Appelons x le nombre de chameaux ($x \in \mathbb{N}$) et y le nombre de dromadaires ($y \in \mathbb{N}$)

Il y a 5 têtes :

Il y a 8 bosses :

On résout le système (S) :

S =

Remarques :

- $2x + y = 8$ est une équation dite « linéaire à deux inconnues »
(4 ; 0) et (2 ; 4) sont 2 couples solutions de cette équation.
(2 ; 1) n'est pas un couple solution.
- Le système ci-dessus n'a qu'un seul couple solution, mais chacune des deux équations qui le composent en a une infinité :
Ex : $x + y = 5 \Leftrightarrow y = 5 - x$ donc quand x « décrit » \mathbb{R} , tous les couples sont solutions de l'équation $x + y = 5$.

II) SYSTÈME DE 2 ÉQUATIONS À 2 INCONNUES

Résoudre un système « 2×2 », c'est trouver tous les couples qui sont solutions simultanément des deux équations.

$$\text{Ex : Résoudre } (S_1) : \begin{cases} x - 2y = 1 \\ 3x + 6y = 3 \end{cases}$$

1) Résolution par substitution :

$$(S_1) : \begin{cases} x - 2y = 1 \\ 3x + 6y = 3 \end{cases}$$

On exprime une des inconnues en fonction de l'autre on la remplace par l'expression trouvée.

2) Résolution par combinaison linéaire :

$$(S_1) : \begin{cases} x - 2y = 1 & (L_1) \\ 3x + 6y = 3 & (L_2) \end{cases}$$

On combine les deux équations de façon à faire disparaître une des inconnues

Remarques :

- En dernière ligne, n'oubliez ni les $\{ \}$, ni les $()$: $S = \{(;)\}$
- Vérifier le couple solution trouvé !

p206 : 110, 111, 112, 113, 114
p207 : 121, 122, 123, 124
p210 : 142, 143